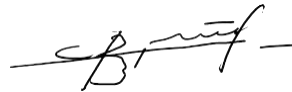


**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ**  
**Львівський національний університет імені Івана Франка**  
**Факультет прикладної математики та інформатики**  
**Кафедра кібербезпеки**

**Затверджено**

На засіданні  
кафедри кібербезпеки  
факультету прикладної математики та  
інформатики  
Львівського національного університету  
імені Івана Франка  
(протокол № 1 від 29 серпня\_2022\_р.)

В.о. завідувача кафедри Венгерський П.С.



**Силабус з навчальної дисципліни**  
**“ОБЧИСЛЮВАЛЬНА ГЕОМЕТРІЯ І КОМП’ЮТЕРНА**  
**ГРАФІКА”,**  
**що викладається в межах ОПШ «Середня освіта**  
**(інформатика)» першого (бакалаврського) рівня вищої освіти**  
**для здобувачів з спеціальності**  
**014.09 Середня освіта (Інформатика)**

Львів 2022 р.

<b>Назва дисципліни</b>	Обчислювальна геометрія і комп'ютерна графіка
<b>Адреса Викладання дисципліни</b>	Головний корпус ЛНУ ім. І. Франка. Львів, вул. Університетська 1
<b>Факультет та кафедра, за якою закріплена дисципліна</b>	Факультет прикладної математики та інформатики Кафедра кібербезпеки
<b>Галузь знань, шифр та назва спеціальності</b>	01 – Освіта/Педагогіка 014 – Середня освіта (Інформатика)
<b>Викладачі дисципліни</b>	Венгерський Петро Сергійович, професор кафедри кібербезпеки Олексин Михайло, асистент кафедри кібербезпеки
<b>Контактна інформація викладачів</b>	<a href="mailto:petro.venherskyi@lnu.edu.ua">petro.venherskyi@lnu.edu.ua</a> ; <a href="https://ami.lnu.edu.ua/employee/venherskyi">https://ami.lnu.edu.ua/employee/venherskyi</a> ; <a href="mailto:mykhailo.oleksyn@lnu.edu.ua">mykhailo.oleksyn@lnu.edu.ua</a> ; <a href="https://ami.lnu.edu.ua/employee/oleksyn-m-m">https://ami.lnu.edu.ua/employee/oleksyn-m-m</a> Головний корпус ЛНУ ім. І. Франка, каб. 380.м. Львів, вул. Університетська, 1
<b>Консультації з питань навчання по дисципліні відбуваються</b>	Консультації в день проведення лекцій/практичних занять (за попередньою домовленістю).
<b>Сторінка курсу</b>	<a href="https://ami.lnu.edu.ua/course/computer-graphics-informatics">https://ami.lnu.edu.ua/course/computer-graphics-informatics</a>
<b>Інформація про дисципліну</b>	В даному курсі розглядаються основні визначення; гіпотези; типові задачі обчислювальної геометрії. Наведено структуру основних матриць для базових операцій перетворення координат. Порівняння різних способів побудови канонічних кривих. Наближення кривих кубічними сплайнами; кривими Без'є; параболічними апроксимаціями. Наближення просторових поверхонь білінійними; лінійчатими бікубічними фрагментами. Порівняння різних методів побудови растрової розгортки прямолінійних відрізків. Показує використання алгоритму з впорядкованим списком ребер: розглядає різні прийоми збереження списку активних ребер. Реалізацію алгоритму заповнення з затравкою. Побудову алгоритму Кируса-Бека. Програмну реалізацію його трьохвимірного варіанту. Реалізацію та аналіз алгоритму Сазерленда-Ходжмена. Використання алгоритму плаваючого горизонту для побудови зображення реальних просторових поверхонь. Реалізацію основних моментів алгоритму Робертса. Програмування ключевих положень інтервального алгоритму пострічкового сканування. Реалізацію алгоритму визначення видимих поверхонь шляхом трасування променя.
<b>Коротка анотація дисципліни</b>	Дисципліна “ Обчислювальна геометрія і комп'ютерна графіка” є нормативною дисципліною з спеціальності 014.09 – освіта (інформатика) для освітньої програми Освіта (інформатика) яка викладається в 5-му семестрі в обсязі 3-ох кредитів (за Європейською Кредитно-Трансферною Системою ECTS).
<b>Мета та цілі дисципліни</b>	Метою курсу є викладення математичних та алгоритмічних основ комп'ютерної графіки, основних форматів зберігання графічних зображень та основних етапів їх алгоритмічної реалізації.
<b>Компетентності</b>	ЗК1. Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу. СК6. Здатність до математичного формулювання та досліджування неперервних та дискретних математичних моделей, обґрунтування вибору методів і підходів для розв'язування теоретичних і прикладних задач у галузі освіти та комп'ютерних наук, аналізу та інтерпретування ПР1. Знати загальні питання методики навчання інформаційних технологій, методики шкільного комп'ютерного експерименту, методики

	вивчення окремих тем шкільного курсу інформатики ПР15. Володіти мовами системного програмування та методами розробки програм, що взаємодіють з компонентами комп'ютерних систем, знати мережні технології, архітектури комп'ютерних мереж, мати практичні навички технології адміністрування комп'ютерних мереж та їх програмного забезпечення
<b>Література для вивчення дисципліни</b>	<p style="text-align: center;"><b>Базова</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Блінова, Т. А. Комп'ютерна графіка / Т. А. Блінова, В. І. Поревит. - К.: Юніор, Корона-Принт, Століття +, 2006.</li> <li>Devid F. Rogers, J. Alan Adams Mathematical Elements for Computer Graphics.-New York, London; 2020.</li> <li>Devid F. Rogers Procedural Elements for Computer Graphics.- New York, London; <b>2021</b></li> <li>Геометричне моделювання і машинна графіка в САПР / Посібник для студентів вузів/ Михайленко В.Е.; Кислоокій В.И. та ін.- К.: Вища школа; 1991.</li> <li>Васильюк А.С. Комп'ютерна графіка. / А.С. Васильюк, Н.І.Мельникова / Львівська політехніка, 2016, 277с.</li> <li>Пічурін М.Ф. Комп'ютерна графіка. \ Центр учб. літ-ри., 2019, 346с.</li> </ol> <p style="text-align: center;"><b>Допоміжна</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Ендельс Г., Кенсі К., Парафор Г. Програмні засоби машинної графіки. Міжнародний стандарт GKS. Пер. з англ.-1988.-480 с.</li> <li>Ванін В.В. Інженерна та комп'ютерна графіка/ Ванін В.В., Ковальов С.М. – Каравела, 2018, 360с.</li> <li>Bels Mark. User Experience Design: An Introduction to Creating Interactive Digital Spaces/ Laurence King Publishing, 2023, 324p.</li> <li>Grazia Varisco. Contemporary Paths 1957–2022. Skira, 2023, 268p.</li> </ol>
<b>Обсяг курсу</b>	Загальний обсяг: 120 годин. Аудиторних занять: 48 год., з них 32 год. лекцій та 16 год. лабораторних робіт. Самостійної роботи: 72 год.
<b>Очікувані результати навчання</b>	Після завершення цього курсу студент буде : <b>знати:</b> основні математичні основи та базові алгоритми генерації зображень, структуру основних форматів зберігання графічних зображень; <b>вміти:</b> застосовувати вивчені алгоритми візуалізації графічних зображень в практичних задачах.
<b>Ключові слова</b>	Растрова і векторна графіка, однорідні координати, перспективна проекція, алгоритми растрової розгортки, алгоритми стиснення зображень.
<b>Формат курсу</b>	Очний, дистанційний Проведення лекцій, лабораторних робіт і консультацій.

<b>Теми</b>	1. Основні поняття комп'ютерної графіки. Етапи основного алгоритму обробки зображень.	2
	2. Типи графічних пристроїв для вводу зображення. Сканери. Дігітайзери. Клавіатура. Аеро- та фотознімки. Космічні знімки.	2
	3. Типи графічних пристроїв для візуалізації зображення. Растрові та векторні монітори. Принцип їх роботи.	2
	4. Математичні основи комп'ютерної графіки. Однорідні координати на площині та в просторі. Базові перетворення координат.	2

	5.Афінна та перспективна геометрії. Аксонометричне та перспективне проектування. 6. Задання плоских та просторових кривих.	2
	Кубічні сплайни; параболічна інтерполяція; криві Без'є. 7.Апроксимація поверхонь в просторі. Білінійні поверхні. Лінійчаті поверхні. Лінійні поверхні Кунса. Бікубічна поверхня. Поверхні Без'є. 8. Алгоритмічні основи комп'ютерної графіки. Алгоритми креслення відрізків. Цифровий диференційний аналізатор. Алгоритм Брезенхема. 9.Растрова розгортка в реальному часі. Растрова розгортка суцільних областей. Заповнення багатокутників. Простий алгоритм з впорядкованим списком ребер. Методи його покращення. 10.Алгоритми заповнення з затравкою. 11.Двовимірна відсіч. Алгоритм Сазерленда-Коена; що використовує розбиття відрізка. Узагальнення: відсіч двовимірного відрізка випуклим вікном. Алгоритм Кируса-Бека. Внутрішня та зовнішня відсіч. Вилучення невидимих ліній 12. Алгоритми вилучення невидимих ліній.Алгоритм плаваючого горизонту. Алгоритм Робертса. Алгоритм Варнака. Поняття z-буферу. Алгоритм; що використовує z-буфер. Алгоритм пострічкового сканування. Алгоритм пострічкового сканування; що використовує z-буфер.Інтервальний алгоритм пострічкового сканування. Алгоритм визначення видимих поверхонь шляхом трасировки променя. 13.Графічні формати зберігання зображень. Про растеризацію і векторизацію. Принципи збереження зображень у растрових і векторних форматах. 14. Опис найпоширеніших форматів графічних файлів. Їх переваги, недоліки та сфери застосування. 15. Перетворення файлів з одного формату в інший. Імпорт та експорт зображень.	2 2 3 2 2 2 3 2 2 2
<b>Підсумковий контроль, форма</b>	Екзамен у кінці 5 семестру	

<p><b>Навчальні методи та техніки, які будуть використовуватися під час викладання курсу</b></p>	<p>Презентації, лекції, індивідуальні завдання, тести Лабораторні роботи:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Перетворити в пам'яті та отримати на екрані та пристрої друку зображення в матричній та графічній формах: <ol style="list-style-type: none"> <li>a) на площині: одиничного квадрата та одиничного рівностороннього трикутника</li> <li>b) в просторі: одиничного куба та одиничного тетраедра.</li> </ol> </li> <li>2. Реалізувати алгоритми малювання у випадку параметричного та непараметричного задання. Порівняти різні варіанти з точки зору точності та швидкодії:</li> </ol>
	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. коло</li> <li>2. еліпс</li> <li>3. парабола</li> <li>4. гіпербола.</li> </ol> <p>3. Реалізувати алгоритм апроксимації поточною заданою кривою кубічним сплайном у випадку граничних умов:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. фіксованих</li> <li>2. слабких</li> <li>3. циклічних</li> <li>4. ациклічних.</li> </ol> <p>4. Реалізувати алгоритм параболічної інтерполяції. Передбачити інтерактивний ввід та обробку інформації.</p> <p>5. Реалізувати алгоритм побудови кривих Без'є. Передбачити інтерактивну побудову характеристичної ламаної.</p> <p>6. Реалізувати алгоритм побудови інтерполюючої поверхні <math>Q(u,v)</math>. Результати представити у вигляді проєкцій на площини <math>x=0</math>, <math>y=0</math>, <math>z=0</math> сімейства координатних кривих <math>Q(u,v)</math> та <math>Q(u,v)</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>Q(u,v)</math> - білінійна поверхня</li> <li>2. <math>Q(u,v)</math> - лінійчата поверхня</li> <li>3. <math>Q(u,v)</math> - лінійна поверхня Кунса</li> <li>4. <math>Q(u,v)</math> - бікубічна поверхня</li> <li>5. <math>Q(u,v)</math> - поверхня Без'є</li> </ol> <p>7. Розробити алгоритм креслення відрізка з однієї довільної точки в іншу на псевдорастрі <math>32 \times 32</math>. Псевдобуфер кадра задати у вигляді одновимірного масиву. Демонстраційний тест має включати не менше ніж 16 відрізків з початком в центрі кола і кінцями, що рівномірно розташовані на колі:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. алгоритм ЦДА</li> <li>2. цілочисельний алгоритм Брезенхема.</li> </ol> <p>8. Для області, що обмежена многокутниками <math>(4,4)</math>-<math>(4,26)</math>-<math>(20,26)</math>-<math>(28,18)</math>-<math>(21,4)</math>-<math>(21,8)</math>-<math>(10,8)</math>-<math>(10,4)</math> та <math>(10,12)</math>-<math>(10,20)</math>-<math>(17,20)</math>-<math>(21,16)</math>-<math>(21,12)</math> на растрі <math>32 \times 32</math> розробити та реалізувати алгоритм розгортки та заповнення суцільної області. Передбачити виведення списку заповнених пікселів в форматі "стрічка-колонка":</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. простий алгоритм з впорядкованим списком ребер*</li> <li>2. покращений алгоритм з впорядкованим списком ребер; що використовує групове сортування (для реалізації групового сортування використовувати зв'язний список; вміст якого має покроково друкуватись)*</li> <li>3. простий гранично-заповнюючий алгоритм з затравкою.</li> <li>4. Затравочний піксел <math>(14;20)</math>. Забезпечити видачу на екран списку граничних пікселів та вмістимого стеку*</li> <li>5. пострічковий алгоритм з затравкою. Затравочний піксель <math>(14; 20)</math>.</li> </ol> <p>9. Реалізувати алгоритм відсічі відрізків двовимірним прямокутним вікном. Алгоритм має на першій ітерації визначити та</p>

зображати повністю видимі відрізки; а також визначати і відкидати тривіально невидимі відрізки:

1. простий алгоритм двовимірної відсічі
2. алгоритм Сазерленда-Коена
3. алгоритм розбиття середньою точкою.

10. Написати програму, що реалізує алгоритм Кіруса-Бека для відсікаючого вікна заданої форми. Алгоритм має визначати та відкидати многокутники іншої форми. Передбачити можливість вибору між зовнішньою та внутрішньою відсічкою:

1. трикутник
2. трапеція
3. паралелепіпед
4. довільний випуклий п'ятикутник.

11. Написати програму, що реалізує метод плаваючого горизонту для Поверхні заданої функцією

$$F(x,z) = 8 \cdot \cos(1.2r) / (r+1), \text{ де}$$
$$r = \sqrt{x^2 + z^2}, \quad -2\pi < x, z < 2\pi.$$

Точка спостереження знаходиться в безмежності на додатній півосі z, зображення повернуто на  $25^\circ$  навколо осі x, а потім на  $15^\circ$  навколо осі y.

<p><b>Критерії оцінювання (окремо для кожного виду навчальної діяльності)</b></p>	<p>Оцінювання проводиться за 100-бальною шкалою. Бали нараховуються за наступним співвідношенням:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• виконання індивідуальних завдань, тестування: 50% семестрової оцінки; максимальна кількість балів 50</li> <li>• екзамен: 50% семестрової оцінки; максимальна кількість балів 50</li> <li>• Підсумкова максимальна кількість балів 100.</li> </ul> <p><b>Академічна доброчесність:</b> Очікується, що роботи студентів будуть їх оригінальними дослідженнями чи міркуваннями. Відсутність посилань на використані джерела, фабрикування джерел, списування, втручання в роботу інших студентів становлять, але не обмежують, приклади можливої академічної недоброчесності. Виявлення ознак академічної недоброчесності в письмовій роботі студента є підставою для її незарахування викладачем, незалежно від масштабів плагіату чи обману.</p> <p><b>Відвідання занять</b> є важливою складовою навчання. Очікується, що всі студенти відвідають усі лекції та практичні заняття курсу. Студенти повинні інформувати викладача про неможливість відвідати заняття. У будь-якому випадку студенти зобов'язані дотримуватися термінів визначених для виконання всіх видів письмових робіт та індивідуальних завдань, передбачених курсом.</p> <p><b>Література.</b> Уся література, яку студенти не зможуть знайти самостійно, буде надана викладачем виключно в освітніх цілях без права її передачі третім особам. Студенти заохочуються до використання також й іншої літератури та джерел, яких немає серед рекомендованих.</p> <p><b>Політика виставлення балів.</b> Враховуються бали набрані при поточному тестуванні, самостійній роботі та бали підсумкового тестування. При цьому обов'язково враховуються присутність на заняттях та активність студента під час практичного заняття; недопустимість пропусків та запізень на заняття; користування мобільним телефоном, планшетом чи іншими мобільними пристроями під час заняття в цілях не пов'язаних з навчанням; списування та плагіат; несвоєчасне виконання поставленого завдання і т. ін. Жодні форми порушення академічної доброчесності не толеруються.</p>
<p><b>Опитування</b></p>	<p>Анкету-оцінку з метою оцінювання якості курсу буде надано по завершенню курсу.</p>